Cálculos de estructura electrónica en perovskitas *BiFeO*₃ y *YCrO*₃

Shigueru Nagata 2019

Universidad Nacional de Ingeniería Facultad de ciencias

Índice

- 1. Introducción
- 2. Conceptos básicos
 - Aproximación de Born-Oppenheimer
 - Método de Hartree-Fock
 - Teoremas de Hohenberg-Kohn
 - Ecuación de Kohn-Sham
 - Aproximación de densidad local
 - Parámetro U de Hubbard

- Pseudopotencial
- Arreglos antiferromagnéticos
- Bucle autoconsistente
- 3. Resultados
 - Optimización de parámetros iniciales
 - Relajación de la estructura cristalina
 - Bandas de energía y densidades de estado
 - Comparación entre BiFeO₃ y YCrO₃
- 4. Conclusiones

Introducción

Multiferroicos

- Ferroelectricidad
- Ferromagnetismo
- Ferroelasticidad

Aplicaciones

- Sensores
- Transductores
- Osciladores
- Dispositivo de almacenamiento

El *BiFeO*₃ y *YCrO*₃ han sido sintetizados en el Laboratorio de Física de la Materia Condensada (LFMC) de la Universidad Nacional de Ingeniería.

Conceptos básicos

Hamiltoniano

$$-\sum_{l=1}^{N} \frac{1}{2} \nabla_{l}^{2} - \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{2} \nabla_{i}^{2} + \frac{1}{2} \sum_{l \neq J}^{N} \frac{Z_{l} Z_{J}}{|R_{l} - R_{J}|} + \frac{1}{2} \sum_{i \neq j}^{n} \frac{1}{|r_{i} - r_{j}|} - \sum_{l}^{N} \sum_{i \neq J}^{n} \frac{Z_{l}}{|R_{l} - r_{j}|}$$

- $-\sum_{l=1}^{N} \frac{1}{2} \nabla_{l}^{2}$: Energía cinética de los núcleos.
- $-\sum_{i=1}^{n} \frac{1}{2} \nabla_i^2$: Energía cinética de los electrones.
- $\frac{1}{2} \sum_{l \neq J}^{N} \frac{Z_{l}Z_{J}}{|R_{l} R_{J}|}$: Interacción núcleo-núcleo.
- $\frac{1}{2} \sum_{i \neq j}^{n} \frac{1}{|r_i r_i|}$: Interacción electrón-electrón.
- $\sum_{l}^{N}\sum_{j}^{n}\frac{Z_{l}}{|R_{l}-r_{j}|}$: Interacción núcleo-electrón.

Aproximación Born-Oppenheimer

$$H_{BO} = -\sum_{i=1}^{N} \frac{1}{2} \nabla_{i}^{2} + \frac{1}{2} \sum_{l \neq J}^{N} \frac{Z_{l} Z_{J}}{|R_{l} - R_{J}|} + \frac{1}{2} \sum_{i \neq j}^{n} \frac{1}{|r_{i} - r_{j}|} - \sum_{l}^{N} \sum_{j}^{n} \frac{Z_{l}}{|R_{l} - r_{j}|}$$

- Nucleos fijos
- Los nucleos dan origen al potencial externo donde se mueven los electrones.

Método de Hartree-Fock

Determinante de Slater

$$\psi(r_1r_2\cdots r_N) = \frac{1}{\sqrt{N!}} \begin{pmatrix} \phi_1(r_1) & \phi_2(r_1) & \cdots & \phi_N(r_1) \\ \phi_1(r_2) & \phi_2(r_2) & \cdots & \phi_N(r_2) \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \phi_1(r_N) & \phi_2(r_N) & \cdots & \phi_N(r_N) \end{pmatrix}$$

Ecuación de Hartree-Fock

$$\left[-\sum_{i}^{n} \frac{1}{2} \nabla_{i}^{2} - \sum_{i}^{N} \frac{Z_{i}}{|R_{i} - r|} + \sum_{i \neq j}^{n} \int \frac{|\phi_{i}(r')|^{2}}{|r - r'|} d^{3}r'\right] \phi_{j}(r)$$
$$-\sum_{i} \int dr' \frac{\phi_{i}^{*}(r')\phi_{j}(r')}{|r' - r|} \phi_{i}(r) = E_{j}\phi_{j}(r)$$

Teoremas de Hohenberg-Kohn

Teorema I

El potencial $V_{ext}(r)$ está determinado únicamente, excepto por una constante, por la densidad del estado fundamental $\rho_0(r)$.

Teorema II

La densidad que minimiza la energía total es exactamente la densidad del estado fundamental.

Ecuación de Kohn-Sham

$$\left[-\frac{1}{2}\nabla_{i}^{2}+V_{ext}+V_{H}+V_{xc}\right]\phi_{i}(r)=\varepsilon_{i}\phi_{i}(r)$$

- $-\frac{1}{2}\nabla_i^2$: Energía cinetica.
- *V_{ext}* : Potencial externo.
- V_H: Potencial de Hartree.
- V_{xc}: Potencial de intercambio-correlación

Aproximación de densidad local

Permite aproximar el término de intercambio-correlación.

$$E_{xc}^{LDA}[\rho] = \int d^3r \rho(r) \varepsilon_{xc}^{unif}[\rho(r)]$$

$$\varepsilon_{x}^{unif}(\rho) = -\frac{3}{4} \left(\frac{3}{\pi}\right)^{1/3} \rho^{1/3}$$

Many-Particle Physics. Gerald D. Mahan pp.299

$$\varepsilon_{c}^{unif}(\rho) = \begin{cases} A \ln r_{s} + B + Cr_{s} \ln r_{s} & ; r_{s} \to 0 \\ \frac{D}{r_{s}} + \frac{E}{r_{s}^{3/2}} & ; r_{s} \to \infty \end{cases}$$

$$r_{s}
ightarrow 0 \qquad \qquad r_{s} : ext{radio de} \ ext{wigner-Seitz}$$

$$r_{\rm S} = \left(\frac{3}{4\pi\rho}\right)^{1/3}$$

S. H. Vosko et al, Can. J.

Phys. 58, 1200 (1980)

Parámetro U de Hubbard

Los orbitales **d** fuertemente correlacionados requieren una corrección de la energía.

$$E^{LDA+U}[\rho(r)] = E^{LDA}[\rho(r)] + E^{Hubbard}[n_{mm'}^{l\sigma}] - E^{dc}[n^{l\sigma}]$$

Donde:

- $E^{LDA}[\rho(r)]$ funcional de la energía en LDA.
- $E^{Hubbard}[n_{mm'}^{l\sigma}]$ correlación de los estados ocupados de los orbitales.
- $E^{dc}[n^{l\sigma}]$ energía de correlación, para evitar el doble conteo.

$$E^{LDA+U}[\rho(r)] = E^{LDA}[\rho(r)] + \sum_{l} \left[\frac{U}{2} \sum_{m,\sigma \neq m',\sigma'} n_{m}^{l\sigma} n_{m'}^{l\sigma'} - \frac{U}{2} n^{l} (n^{l} - 1) \right]$$

Cálculo de U: semi-empírico

Se prueban varios valores de **U** buscando que los resultados coincidan con datos experimentales.

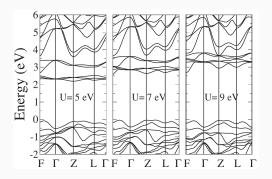


Figure 1: Estructura de bandas con diferentes valores de U. Sheng Ju et al. J. Chem. Phys. 130, 214708 (2009)

Cálculo de U: respuesta lineal

Se aplica una perturbación α en la energía de los estados **d**.

$$U = \chi_0^{-1} - \chi^{-1}$$

donde:

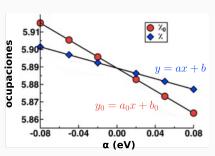
$$\chi = \frac{\mathit{dn}}{\mathit{d}\alpha}$$

 α es pequeño y en un intervalo alrededor de cero.

Cococcioni and Gironcoli (2005)

Procedimiento en Quantum ESPRESSO:

- Cálculo scf sin perturbación.
- Cálculo scf con cada valor de α.



$$U = \chi_0^{-1} - \chi^{-1} = 1/a_0 - 1/a^{-1}$$

Pseudopotencial

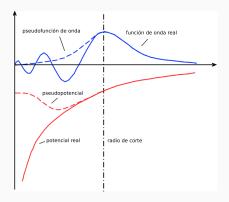
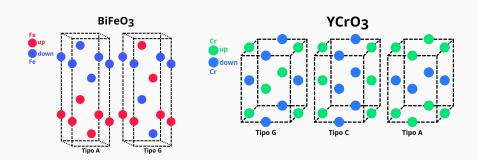


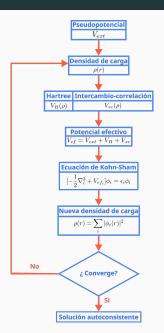
Figure 2: Representación del pseudopotencial

- Reemplazo de las funciones de onda por pseudofunciones.
- Se define un radio de corte.

Arreglos antiferromagnéticos



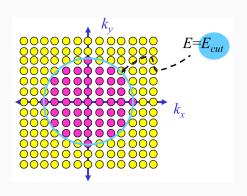
Bucle autoconsistente



Quantum ESPRESSO

- Suite formada por varios programas: pwscf, postproc, atomic, entre otros.
- Simula aislantes, metales y semiconductores.
- Pseudopotenciales ultrasuaves y PAW
- LDA, GGA, funcionales híbridos

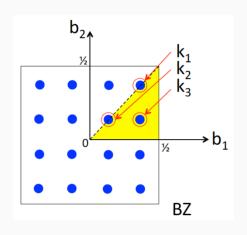
Energía de corte



Se define un limite para la expansión de las ondas planas.

$$\frac{|K+G|^2}{2} \leq E_{cut}$$

Muestreo de la 1^{ra} zona de Brillouin



$$ar{A} = \int_{BZ} A(k) d(k)$$

$$\int_{BZ} d(k) \to \sum_{K} w_{K}$$

Ejemplo

$$4 \times K_1 \to w_1 = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$$
$$4 \times K_2 \to w_2 = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$$
$$8 \times K_3 \to w_3 = \frac{8}{16} = \frac{1}{2}$$

$$\int_{BZ} A(k)d(k) \approx \frac{1}{4}A(K_1) + \frac{1}{4}A(K_2) + \frac{1}{2}A(K_3)$$

Resultados

Energía de corte

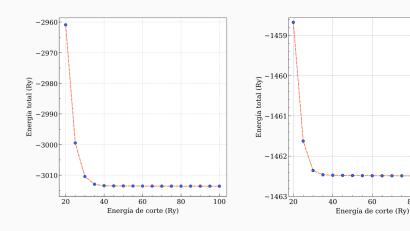


Figure 3: Energía de corte para el *BiFeO*₃

Figure 4: Energía de corte para el *YCrO*₃

80

100

Dimensión de la grilla de puntos K

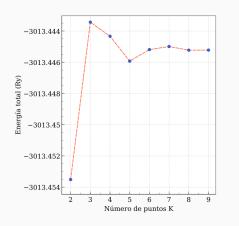


Figure 5: Dimensión de la grilla de puntos K para el *BiFeO*₃.

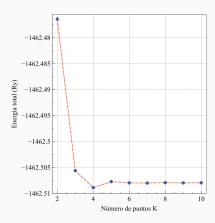


Figure 6: Dimensión de la grilla de puntos K para el *YCrO*₃.

BiFeO₃ con arreglo antiferromagnético tipo A

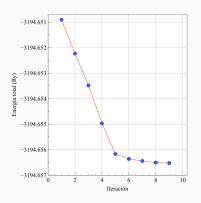


Figure 7: Minimización de la energía del *BiFeO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo A.

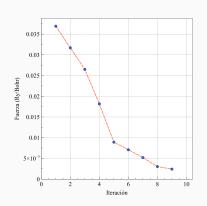


Figure 8: Minimización de la fuerza del *BiFeO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo A.

El sistema converge luego de 9 iteraciones.

BiFeO₃ con arreglo antiferromagnético tipo G

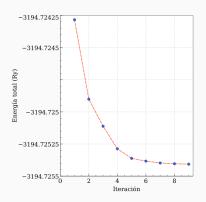


Figure 9: Minimización de la energía del *BiFeO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo G.

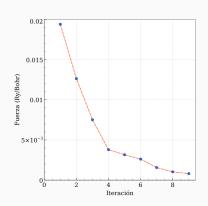


Figure 10: Minimización de la fuerza del *BiFeO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo G.

El sistema converge luego de 9 iteraciones.

YCrO₃ con arreglo antiferromagnético tipo A

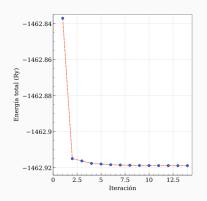


Figure 11: Minimización de la energía del *YCrO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo A.

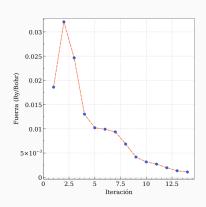


Figure 12: Minimización de la fuerza del *YCrO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo A.

El sistema converge luego de 14 iteraciones.

YCrO₃ con arreglo antiferromagnético tipo C

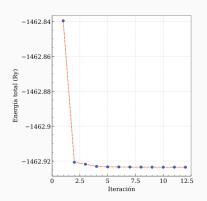


Figure 13: Minimización de la energía del *YCrO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo C.

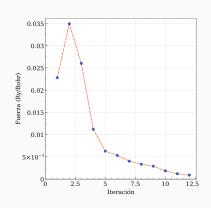


Figure 14: Minimización de la fuerza del *YCrO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo C.

El sistema converge luego de 12 iteraciones.

YCrO₃ con arreglo antiferromagnético tipo G

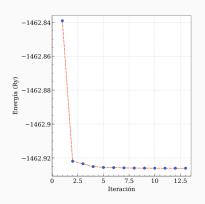


Figure 15: Minimización de la energía del *YCrO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo G.

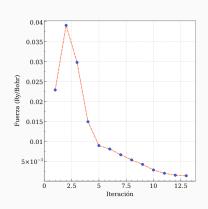


Figure 16: Minimización de la fuerza del *YCrO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo G.

El sistema converge luego de 13 iteraciones.

Estructura de bandas del BiFeO₃

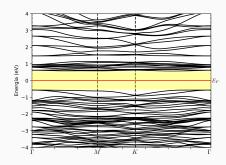


Figure 17: Bandas de energía del *BiFeO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo A.

Gap: 1.4 eV.

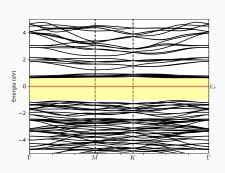


Figure 18: Bandas de energía del *BiFeO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo G.

Gap: 1.8 eV.

1.9 eV. S. Ju et al. Chem. Phys. 130, 20091.8 eV Zait Ayala Tesis maestría.

26

Densidad de estados del BiFeO₃

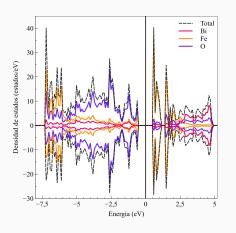


Figure 19: Densidad de estados total del *BiFeO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo A.

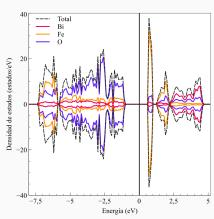


Figure 20: Densidad de estados total del *BiFeO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo G.

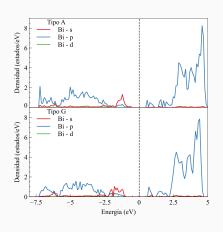


Figure 21: Densidad de estados parcial del bismuto del *BiFeO*₃.

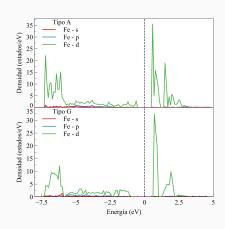


Figure 22: Densidad de estados parcial del hierro del *BiFeO*₃.

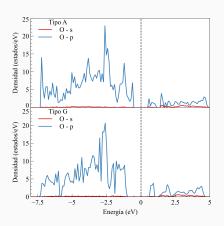


Figure 23: Densidad de estados parcial del oxígeno del *BiFeO*₃.

Estructura de bandas del YCrO₃

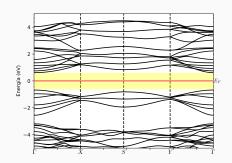


Figure 24: Bandas de energía del *YCrO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo A.

See a constant of the constant

Figure 25: Bandas de energía del *YCrO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo C.

Gap: 1.3 eV.

Gap: 1.32 eV.

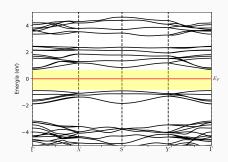


Figure 26: Bandas de energía del *YCrO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo G.

Gap: 1.6 **eV.**

1.8 eV. Serrao et al. Physical Review B, 72, 2005

Densidad de estados del YCrO₃

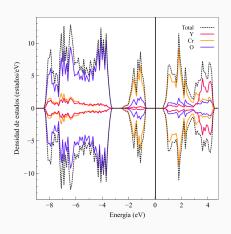


Figure 27: Densidad de estados total del *YCrO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo A.

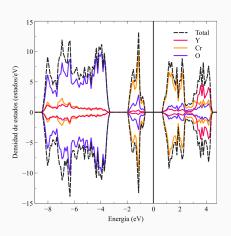


Figure 28: Densidad de estados total del *YCrO*₃ con arreglo antiferromagnético tipo C.

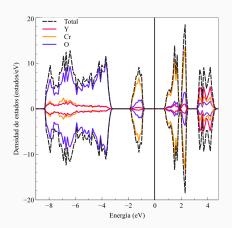


Figure 29: Densidad de estados total del $YCrO_3$ con arreglo antiferromagnético tipo G.

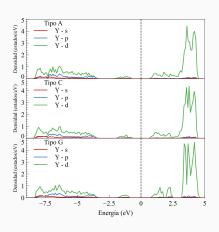


Figure 30: Densidad de estados parcial del itrio del *YCrO*₃.

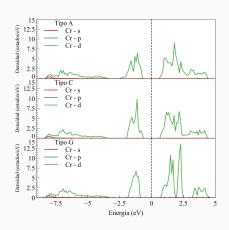


Figure 31: Densidad de estados parcial del cromo del *YCrO*₃.

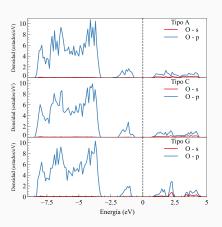


Figure 32: Densidad de estados parcial del oxígeno del $YCrO_3$.

Comparación entre BiFeO₃ y YCrO₃

Table 1: Comparación entre los gap de energía del $BiFeO_3$ y del $YCrO_3$.

	BiFeO ₃		YCrO ₃	
Tipo A	1.4		1.3	
Tipo G	1.8	1.9 S. Ju et	1.6	1.8 Serrao
		al. Chem.		et al. Phys-
		Phys. 130,		ical Review
		2009		B, 72, 2005
Tipo C			1.32	

Conclusiones

Conclusiones

- Se han realizado con éxito cálculos de estructura electrónica para el BiFeO₃ y el YCrO₃.
- Para el BiFeO₃ se observaron gaps de energía de 1.4 eV y 1.8 eV para los arreglos antiferromagnéticos tipo A y G respectivamente.
- Los orbitales d del hierro poseen la mayor densidad cerca del nivel de fermi en la banda de conducción.
- Para el YCrO₃ se observaron gaps de energía de 1.3 eV,
 1.32 eV y 1.6 eV para los arreglos antiferromagnéticos tipo
 A, C y G respectivamente.
- Los orbitales d del cromo poseen la mayor densidad cerca del nivel de fermi en la banda de conducción y en la banda de valencia.

Esta tesis a dado lugar a los siguientes trabajos:

- Un poster en XVII Encuentro de Física.
- Un poster en XXVII Simposio Peruano de Física.
- Un artículo en la revista REVCIUNI.